



EXAMEN TERMINAL DE PHYSIQUE ATOMIQUE ET SUBATOMIQUE

Vendredi 29 juin 2012 - Durée 1h 30

TOUT DOCUMENT INTERDIT – PARTIES INDEPENDANTES

Effet Zeeman sur la raie Lyman α de l'ion hydrogénéoïde Mg^{11+}

On s'intéresse à l'ion hydrogénéoïde de magnésium ($Z = 12$) et, en particulier, à la raie Lyman α .

1. Sachant que cette raie correspond à une transition des états ($n = 2, l = 1$) vers l'état fondamental du système, calculer son énergie et sa longueur d'onde dans le modèle le plus simple (Atome de Bohr ou approximation d'ordre zéro en mécanique quantique).
2. Expérimentalement, on observe un doublet dont les composantes sont séparées de $6 \cdot 10^{-4}$ nm.
 - a. L'existence de ce doublet est attribuée à une structure fine des niveaux d'énergie. Expliquer.
 - b. En supposant que, dans le cadre de cette étude, le hamiltonien de structure fine peut se ramener au seul terme de couplage spin-orbite, calculer l'amplitude de ce couplage (valeur de $a\hbar^2$).

Rappels: le hamiltonien de couplage spin-orbite s'écrit: $\hat{H}_{so} = a(l, s) \hat{l} \cdot \hat{s}$; n'oubliez pas d'utiliser $\hat{j} = \hat{l} + \hat{s}$.

3. On applique maintenant à l'ion hydrogénéoïde Mg^{11+} un champ magnétique statique dirigé selon l'axe Oz (effet Zeeman).
 - a. Sachant que les énergies mises en jeu par l'application de ce champ sont de l'ordre de $(\mu_B B)$, calculer le champ B tel que son effet soit de l'ordre de grandeur de celui de la structure fine étudiée en 2b-. On se place dans l'hypothèse où les corrections énergétiques dues à l'effet Zeeman sont petites devant la structure fine (situation dite de champ faible). Pour étudier le système, on peut alors conserver les états de la base utilisée pour décrire la structure fine.
 - b. Dans ce cas le hamiltonien Zeeman peut s'exprimer en fonction de \hat{j}_z selon l'expression: $\hat{H}_{zee} = g_j \frac{\mu_B B}{\hbar} \hat{j}_z$ avec $g_j = 1 + \frac{j(j+1) + s(s+1) - l(l+1)}{2j(j+1)}$
Établir l'expression de la correction énergétique à appliquer sur les niveaux de structure fine.
 - c. Calculer, dans ces conditions, la structure de la raie Lyman α . Faire un schéma des niveaux d'énergie (en précisant les états associés) et indiquer les transitions permises.

Rappels: Règles de sélection à appliquer dans les conditions de ce calcul:

$$\Delta l = \pm 1 \quad \Delta j = 0, \pm 1 \quad \Delta m_j = 0, \pm 1$$

Données numériques : $h = 6,62618 \times 10^{-34} \text{ J s}$, $e = 1,602189 \times 10^{-19} \text{ C}$,
 $c = 2,99792458 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$, $\mu_B = 9,27 \times 10^{-24} \text{ JT}^{-1}$